

**Skrivningskod:**   
Glöm den inte!

**Om du vill:**   
Lägg till tre bokstäver.

**KTH Matematik**  
Olof Heden

$\Sigma$ p	G/U	bonus

Efternamn	förnamn	pnr	årskurs

### Övningskontrollskrivning 1 till kursen SF1610 Diskret matematik.

Inga hjälpmedel tillåtna.

Uppgifterna står inte säkert i svårighetsordning.

**Spara alltid återlämnade skrivningar till slutet av kursen!**

Skriv dina lösningar och svar på samma blad som uppgifterna, använd baksidan om det behövs.

1) (För varje delfråga ger rätt svar  $\frac{1}{2}$ p, inget svar 0p, fel svar  $-\frac{1}{2}$ p.)  
Totalpoängen på uppgiften rundas av uppåt till närmaste icke-negativa heltal.)  
**Kryssa för** om påståendena **a)–f)** är sanna eller falska (eller avstå!)

- a) Endast om  $B \subseteq A$  så gäller att  $B \cap A = A$ .
- b)  $\text{sgd}(a, 2a) = a$  för alla positiva heltal  $a$ .
- c)  $(A \setminus B)^C = B^C \setminus A^C$  gäller för alla mängder  $A$  och  $B$ .
- d) Det finns precis sex inverterbara element i  $Z_7$ .
- e) Om  $f$  är en injektiv funktion från mängden  $A$  till mängden  $B$  och  $|A| = |B| < \infty$  så är  $f$  bijektiv.
- f) De rationella talen är en uppräknligt oändlig mängd

sant	falskt

poäng uppg.1

Namn	poäng uppg.2

**2a)** (1p) Låt  $P(A)$  beteckna mängden av alla delmängder till en mängd  $A$ .  
Ange antalet element i

$$P(\{\emptyset, \emptyset, \{\emptyset\}\}).$$

**b)** (1p) Ange det element i  $Z_7$  som är lika med elementet

$$5(2 + 3) + 4.$$

**c)** (1p) Ange en bijektiv funktion från  $R$  till  $R$  där  $R$  betecknar de reella talen.

Namn	poäng uppg.3

**3)** (3p) beräkna den minsta gemensamma multiplen till de bägge talen 420 och 1188.

Namn	poäng uppg.4

4) (3p) Lös ekvationen  $42x + 18 = 12$  i ringen  $Z_{60}$ .

Namn	poäng uppg.5

5) (3p) Visa att  $4^n - 3n - 1$  är jämnt delbart med 9 för alla  $n \geq 2$ .