

Matematik baskurs Grupparbete 5

1. Förenkla nedanstående uttryck så långt som möjligt.
 - (a) $e^{2 \ln 3 + \ln 2}$
 - (b) $\ln 10 - \ln 5 - \ln 2$
 - (c) $\ln(3/4) + \ln(4/3)$
 - (d) $\ln e^{4711}$
 - (e) $\frac{e^{2x}e^{2y}}{e^{x+2y}}$
 - (f) $e^{2 \ln x} - \ln e^{x^2}$
 - (g) $2 \ln(e^{\sqrt{x}}e^{\sqrt{x+1}})$
2. Rita utan andra hjälpmedel än penna och papper följande kurvor.
 - (a) $y = \ln(x + 2)$
 - (b) $y = e^{x+2}$
 - (c) $y = (x + 2)^{1/2}$
3. Bestäm alla reella lösningar till följande ekvationer.
 - (a) $e^{2x} = 2e^x + 3$
 - (b) $\ln(x + 3) - 3 \ln 2 = \ln(x + 2)$
 - (c) $e^{2x} + e^x = 6$
 - (d) $3^{2x} - 5(3^x) = 6$
4. Bestäm, om möjligt, det största värdet som nedanstående funktioner kan anta:
 - (a) $f(x) = \ln(10 - x^2)$
 - (b) $g(x) = \ln(x + 2) - \ln(x - 2)$
 - (c) $h(x) = \frac{1}{2} \ln(x - 7) + \frac{1}{2} \ln(x + 7)$
 - (d) $k(x) = \ln(x + 8) + \ln(x - 2)$