

CHECK LISTA INFÖR KS1

(1) Komplexa tal.

- (a) $z = \alpha + i\beta \in \mathbb{C}$.
- (b) $\text{Arg}(z) = \theta$ då är $z = |z|e^{i\theta} = |z|(\cos(\theta) + i\sin(\theta))$.
- (c) lösning till komplexa ekvationer.

(2) Vektorer

- Definitioner
 - (a) $\vec{v} = (a_1, \dots, a_n) \in \mathbb{R}^n$ (med avseende till en koordinatsystem)
 - (b) operationer: $\vec{v} + \vec{w}, k \cdot \vec{v}, \vec{v} \cdot \vec{w}$.
 - (c) Räknerregler med vektor-operationer.
 - (d) Två vektorer är ortogonala ($\vec{v} \perp \vec{w}$) om och endast om $\vec{v} \cdot \vec{w} = 0$.
 - (e) Linjär kombination: $\vec{w} = \sum_1^t a_i \vec{v}_i$.
 - (f) $\|\vec{v}\| = \sqrt{a_1^2 + \dots + a_n^2}$.

(3) Matriser

- Definitioner
 - (a) typ: $A \in M_{m \times n}(\mathbb{R})$.
 - (b) Operationer: $A + B, kB, A \cdot B$. När är de väl definierade?
 - (c) Räknerregler med matris operationer.
 - (d) $A \in M_{n \times n}(\mathbb{R})$, definition av $\det(A)$.
 - (e) Vad betyder att A är inverterbar?
 - (f) definition av i, j -minor av A och definition av motsvarande cofaktor C_{ij} .
 - (g) definition till $\text{Adj}(A)$.
 - (h) Rad-vektorer $\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_m$, och kolumn-vektorer $\vec{c}_1, \dots, \vec{c}_n$.
- Beräkningsmetoder
 - (a) formeln för att beräkna $\det(A)$ när A är en 2×2 eller en 3×3 matris.
 - (b) Gauss eliminering metod för att beräkna determinanten.
 - (c) Rad(kolumn) utveckling metod för att beräkna determinanten
 - (d) Gauss eliminering för att bestämma inversen
 - (e) Adjunkt matris för att bestämma inversen.
 - (f) $\det(A) \neq 0$ om och endast om A är inverterbar.

(4) System av linjära ekvationer.

- Definitioner
 - (a) matris form: $A\underline{x} = \underline{b}$.
 - (b) en lösning ger en vector $\vec{x} \in \mathbb{R}^n$ och på samma sätt är $\vec{b} \in \mathbb{R}^n$.
 - (c) När kallas systemet homogent?
 - (d) Hur många lösningar kan ett system ha?
 - (e) Systemet har en unik lösning om och endast om A är inverterbar.
 - (f) En lösning motsvarar en linjär kombination av kolumn-vektorerna till A :

$$(x_1, \dots, x_n) \text{ lösning till } A\underline{x} = \underline{b} \Leftrightarrow x_1 \vec{c}_1 + \dots + x_n \vec{c}_n = \vec{b}.$$

- Beräkningsmetoder
 - (a) Gauss eliminering metod för att beräkna lösningar.
 - (b) $\det(A) \neq 0$ om och endast om systemet har en unik lösning, $\underline{x} = A^{-1}\underline{b}$.
 - (c) systemet ha en unik lösning om och endast om vektorn \vec{b} kan skrivas som en linjär kombination av kolumn-vektorerna $\vec{c}_1, \dots, \vec{c}_n$ på ett unikt sätt.