

Skrivningskod:   
Glöm den inte!

Om du vill:   
Lägg till tre bokstäver.

KTH Matematik  
B.Ek

$\Sigma$ p	G/U	bonus

Efternamn	förnamn	pnr	årskurs

**Kontrollskrivning 3, on 11 april 2007, 8.15–9.15,  
i 5B1118 Diskret matematik för CL2 och CL3**

Inga hjälpmedel tillåtna.

Minst 8 poäng ger godkänt.

Godkänd ks  $n$  medför godkänd uppgift  $n$  vid tentor till (men inte med) nästa ordinarie tenta (högst ett år),  $n = 1, \dots, 5$ .

13–15 poäng ger ett ytterligare bonuspoäng till tentamen.

**Uppgifterna 3)–5) kräver väl motiverade lösningar för full poäng.**

Uppgifterna står inte säkert i svårighetsordning.

**Spara alltid återlämnade skrivningar till slutet av kursen!**

Skriv dina lösningar och svar på samma blad som uppgifterna, använd baksidan om det behövs.

1) (För varje delfråga ger rätt svar  $\frac{1}{2}$ p, inget svar 0p, fel svar  $-\frac{1}{2}$ p.)

Totalpoängen på uppgiften rundas av uppåt till närmaste icke-negativa heltal.)

**Kryssa för** om påståendena **a)–f)** är sanna eller falska (eller avstå)!)

	sant	falskt
a) I en <b>abelsk grupp</b> $(G, *)$ gäller för alla $a, b, c \in G$ att $(a * b) * c = a * (b * c)$ .		
b) För varje ändlig grupp gäller att alla dess delgrupper är lika stora (har lika många element).		
c) Alla grupper av ordning 13 är <b>isomorfa</b> .		
d) Permutationen $\pi \in S_8$ som i cykelform skrivs $\pi = (1\ 2\ 6\ 5)(3\ 7)(4\ 8)$ är en <b>jämn</b> permutation.		
e) Om $n$ är delbart med 3, är precis en tredjedel av elementen i $S_n$ udda permutationer.		
f) $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$ , dvs heltalen med operationerna addition och multiplikation, utgör en <b>ring</b> .		

poäng uppg.1

Namn	poäng uppg.2

**2a)** (1p) Beskriv (strukturen hos) alla grupper med exakt 37 element.

**b)** (1p) Låt  $G$  vara en grupp av ordning 210, dvs  $|G| = 210$ .

Om  $g$  är ett element i  $G$ , dvs  $g \in G$ , vilka av följande värden är möjliga för  **$g$ 's ordning** och varför är övriga värden inte tänkbara?

1, 4, 5, 9, 21, 33, 45, 70, 105, 140

**c)** (1p) Ange **permutationsmatrisen** för den permutation  $\pi \in S_5$  som i enradsnotation (enradsform) ges av

$[2\ 5\ 1\ 4\ 3]$ .

Namn	poäng uppg.3

**3)** (3p) Låt  $\pi, \sigma \in S_5$ .  $\pi$  ges i cykelform av  $\pi = (1\ 4\ 2)(3\ 5)$ , medan  $\sigma$  ges av att  $\sigma(1)=2, \sigma(2)=5, \sigma(3)=1, \sigma(4)=4, \sigma(5)=3$ .  
Ange  $\sigma, \sigma^{-1}$  och  $\pi\sigma^{-1}$  i cykelnotation (cykelform).

Namn	poäng uppg.4

4) (3p) Låt  $G = \{e, a, b, c, d\}$  vara en grupp med 5 element. Fyll i de sju namn som fattas i grupptabellens två första rader nedan. Motivera kortfattat varför just dessa namn skall stå där.

	$e$	$a$	$b$	$c$	$d$
$e$	-	$a$	-	-	-
$a$	-	$c$	-	-	$e$

Namn	poäng uppg.5

5) Låt  $\pi \in S_6$  vara den permutation som i tvåradsform ges av

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 5 & 4 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$

a) (1p) Finn på cykelform alla element i  $\langle \pi \rangle$ , dvs den delgrupp till  $S_6$  som genereras av  $\pi$ .

b) (2p) Finn, åter på cykelform, minst tre av elementen i den **vänstersidoklass** till delgruppen  $\langle \pi \rangle$  som innehåller permutationen  $(1\ 4\ 3)$  (cykelnotation).

*Lösningar kommer att läggas ut på kurssidan efter skrivningen.*