

# 1 Felintensitet

$$\lambda(t) = \frac{f(t)}{1 - F(t)}$$

$$R(t) = 1 - F(t) = e^{-\int_0^t \lambda(u) du}$$

## 2 TTT-transform

$$H_F^{-1}(v) = \int_0^{F^{-1}(v)} (1 - F(u)) du, \quad 0 \leq v \leq 1$$

TTT-plotten ges av punkterna  $(i/n, T(x_{(i)})/T(x_{(n)}))$  där  $T(x_{(i)})$  är total testtid fram till tid  $x_{(i)}$ .

## 3 Skattningar

### 3.1 Skattningar av konstant felintensitet

$n$  parallella provbänkar,  $r$ =antal fel,  $T$  total testtid.

$$\hat{\lambda} = \frac{r}{T} \text{ (ML-skattning, vvr vid Typ I-censurering med återläggning)}$$

$$\hat{\lambda} = \frac{r-1}{T} \text{ (vvr vid Typ II-censurering)}$$

Konfidensintervall, exakt vid Typ II-censurering, approximativt vid Typ I-censurering)

$$\left( \frac{\chi_{1-\alpha/2}^2(2r)}{2T}, \frac{\chi_{\alpha/2}^2(2r)}{2T} \right)$$

### 3.2 Skattning av funktionssannolikheten

$$\widehat{R}(x) = \prod_{\nu} \frac{n - \nu}{n - \nu + 1} \quad \text{Kaplan-Meier}$$

$$\widehat{R}(x) = e^{-\widehat{Z}(x)} \quad \text{där } \widehat{Z}(x) = \sum_{\nu} \frac{1}{n - \nu + 1} \quad \text{Nelson}$$

där produkten respektive summan tas över de  $\nu$  sådana att  $x_{(\nu)} \leq x$  är tidpunkt för brott.  
 $\widehat{Z}(x)$  är Nelsonskattning av kumulativ felintensitet.

## 4 Tillförlitlighetsmått

$$\begin{aligned}
 B(i) &= \frac{\eta(i)}{2^{n-1}} && \text{där } \eta(i) \text{ är antalet för } i\text{kritiska vägar} \\
 I^B(i) &= \frac{\partial h(p)}{\partial p_i} \\
 I^{CR}(i) &= \frac{I^B(i)(1-p_i)}{1-h(\underline{p})} \\
 I^{VF}(i) &= \frac{P(\bigcup_{j=1}^{m_i} E_j)}{1-h(\underline{p})} && \text{där } E_j \text{ är händelsen att alla komponenter i } j\text{:te minimala snittet,} \\
 &&& \text{i vilket komponent } i \text{ ingår, felar} \\
 I^{IP}(i) &= h(1_i, \underline{p}) - h(\underline{p}) \\
 RAW(i) &= \frac{1 - h(0_i, \underline{p})}{1 - h(\underline{p})} && \text{Risk Achievement Worth} \\
 RRW(i) &= \frac{1 - h(\underline{p})}{1 - h(1_i, \underline{p})} && \text{Risk Reduction Worth}
 \end{aligned}$$

## 5 Förnyelseteori

Låt  $N(t)$  vara antalet förnyelser upp till tidpunkt  $t$  i en förnyelseprocess och låt  $T$  vara tiden mellan två förnyelser. Sätt  $m = E(T)$  och  $\sigma^2 = V(T)$ . För stora  $t$  gäller då

$$\begin{aligned}
 E(N(t)) &\approx \frac{t}{m} \\
 V(N(t)) &\approx \frac{\sigma^2 t}{m^3} \\
 N(t) &\text{ är approximativt normalfördelad}
 \end{aligned}$$

## 6 Associerade variabler

För ett system bestående av komponenter vars tillståndsvariabler är associerade gäller

$$\begin{aligned}
 \prod_{j=1}^k P(\kappa_j(\underline{X} = 1)) &\leq P(\Phi(\underline{X}) = 1) \leq \prod_{i=1}^s P(\rho_i(\underline{X}) = 1) \\
 \max_{1 \leq j \leq s} \prod_{i \in S_j} p_i &\leq P(\Phi(\underline{X}) = 1) \leq \min_{1 \leq j \leq k} \prod_{i \in K_j} p_i
 \end{aligned}$$