

## Egenskaper hos fouriertransformen

Funktion	Transform ( $f$ )	Transform ( $\omega$ )
Om $x(t)$	$Z(f)$	$Z(\omega)$
så $Z(t)$	$x(-f)$	$2\pi \cdot x(-\omega)$
$x(t)$	$X(f)$	$X(\omega)$
$e^{j\omega_0 t} x(t) = e^{2\pi j f_0 t} x(t)$	$X(f - f_0)$	$X(\omega - \omega_0)$
$x(t - t_0)$	$e^{-2\pi j f t_0} X(f)$	$e^{-j\omega t_0} X(\omega)$
$x(at), a \neq 0$	$\frac{1}{ a } X\left(\frac{f}{a}\right)$	$\frac{1}{ a } X\left(\frac{\omega}{a}\right)$
$x(-t)$	$X(-f)$	$X(-\omega)$
$(x * y)(t)$	$X(f) \cdot Y(f)$	$X(\omega) \cdot Y(\omega)$
$x(t) \cdot y(t)$	$(X * Y)(f)$	$\frac{1}{2\pi} (X * Y)(\omega)$
$\frac{d}{dt} x(t)$	$2\pi j f X(f)$	$j\omega X(\omega)$
$t x(t)$	$\frac{j}{2\pi} \frac{d}{df} X(f)$	$j \frac{d}{d\omega} X(\omega)$

$\frac{d^n}{dt^n} x(t)$	$(2\pi j f)^n X(f)$	$(j\omega)^n X(\omega)$
$t^n x(t)$	$\frac{j^n}{2} \frac{d^n}{df} X(f)$	$j^n \frac{d^n}{d\omega^n} X(\omega)$
Sampling av $x(t)$ med sampelavstånd $T$	$1/T$ -periodisk fortsätt- ning av $1/T \cdot X(f)$	$2\pi/T$ -periodisk fortsätt- ning av $1/T \cdot X(\omega)$
$L$ -periodisk fortsättning av $x(t)$	Sampling av $1/L \cdot X(f)$ med avstånd $1/L$	Sampling av $2\pi/L \cdot X(\omega)$ med avstånd $2\pi/L$

## *Spezielle transformen*

Funktion	Transform (f)	Transform ( )
$(t)$	1	1
1	$(f)$	$2 \delta(\omega)$
$(t - t_0)$	$e^{-j\omega t_0}$	$e^{-j\omega t_0}$
$e^{j\omega_0 t} = e^{j2\pi f_0 t}$	$(f - f_0)$	$2 \delta(\omega - \omega_0)$
$(t + t_0) + (t - t_0)$	$2 \cos(2\pi f t_0)$	$2 \cos(\omega t_0)$
$\cos(\omega_0 t) = \cos(2\pi f_0 t)$	$\frac{1}{2} (\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0))$	$\frac{1}{2} (\delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0))$
$(t + t_0) - (t - t_0)$	$2j \sin(2\pi f t_0)$	$2j \sin(\omega t_0)$
$\sin(\omega_0 t) = \sin(2\pi f_0 t)$	$\frac{1}{2j} (\delta(f - f_0) - \delta(f + f_0))$	$\frac{1}{j} (\delta(\omega - \omega_0) - \delta(\omega + \omega_0))$
$\sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - nT)$	$\frac{1}{T} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(f - n/T)$	$\frac{2\pi}{T} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(\omega - 2\pi n/T)$
$u(t)$	$\frac{1}{2} \frac{1}{jf} + \frac{1}{2} \delta(f)$	$\frac{1}{j\omega} + \pi \delta(\omega)$
$\text{sign}(t)$	$\frac{1}{2} \frac{1}{jf}$	$\frac{2}{j\omega}$

$\text{rect}(t/P)$	$P \text{ sinc}(Pf)$	$P \text{ sinc}(P/(2))$
$\text{sinc}(t/(2))$	$2 \text{ rect}(2f)$	$2 \text{ rect}()$
$\text{sinc}(t)$	$\text{rect}(f)$	$\text{rect}(/(2))$

