

Dagens teman

- -funktionen och andra generaliserade funktioner (FM §4)

-funktionen, viktiga egenskaper

1. $\int_a^b 1 dt = b - a$.

–
 b

2. $\int_a^b 0 dt = 0$,

om 0 ligger *utanför* intervallet $a < t < b$.

3. $x(t) = x(0) + \int_0^t x'(t) dt$ och

$$\int_a^b x'(t) dt = x(b) - x(a),$$

om $x(t)$ är kontinuerlig i $t = 0$.

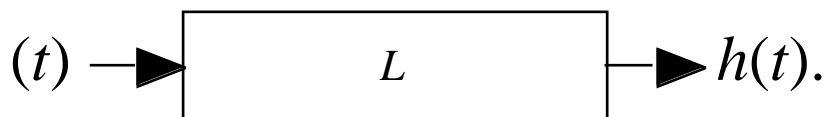
4. $\int_a^b x'(t) dt = x(b) - x(a)$,

dvs. $\int_a^b x'(t) dt = x(b) - x(a)$.

5. $x(at) = \frac{1}{|a|} \int_0^{at} x'(t) dt$, om $a > 0$.

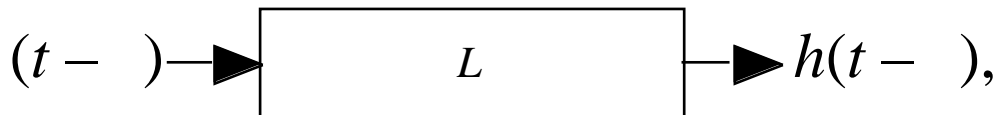
-funktionen och LTI-system

- *-funktionen som insignal:*

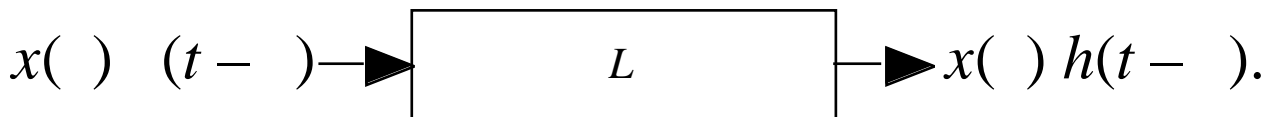


Funktionen h kallas *pulssvaret*.

Av detta följer för godtyckligt :

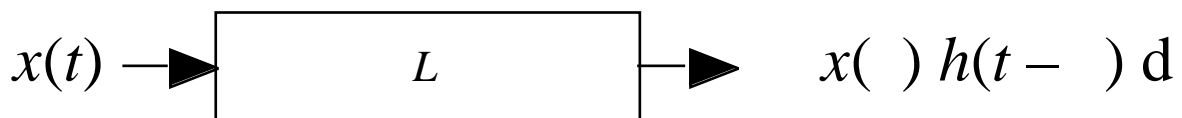


och för ”godtycklig” funktion $x(t)$:

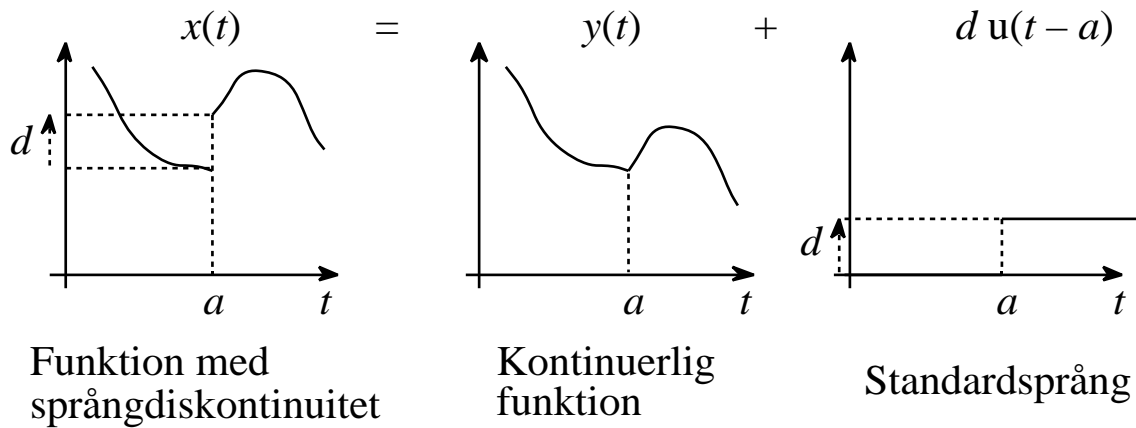


Men $\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t - \tau) x(\tau) d\tau = x(t),$

alltså



Derivering av diskontinuerliga funktioner



Generaliserad derivata:

$$x'(t) = \underbrace{y'(t)}_{\text{Klassisk derivata } \{x'(t)\}} + d \cdot (t-a)\text{-puls}$$

Några speciella derivator

$$\frac{d}{dt} u(t) = \delta(t),$$

$$\frac{d}{dt} \text{sign } t = 2 \delta(t),$$

$$\frac{d}{dt} |t| = \text{sign } t,$$

$$\frac{d^2}{dt^2} |t| = 2 \delta(t),$$

$$\frac{d}{dt} \text{rect } t = \delta(t + 1/2) - \delta(t - 1/2).$$