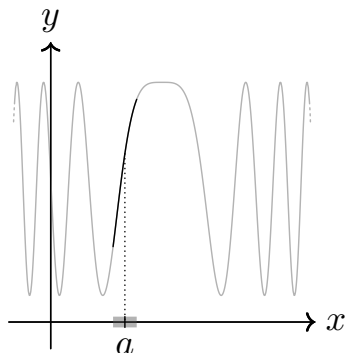
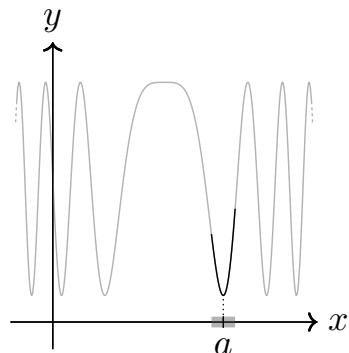


Lokalt en-entydiga funktioner

En funktion f är lokalt en-entydig i punkten $x = a$ om det finns en omgivning I till $x = a$ så att $f|_I$ är en-entydig.



Lokalt en-entydig i $x = a$



Ej lokalt en-entydig i $x = a$

Sats Om f är en kontinuerligt deriverbar funktion i en omgivning av $x = a$ och $f'(a) \neq 0$, då är f lokalt en-entydig i $x = a$.

Sats Om f är en kontinuerligt deriverbar funktion som är lokalt en-entydig i ett intervall, då är f en-entydig i intervallet.

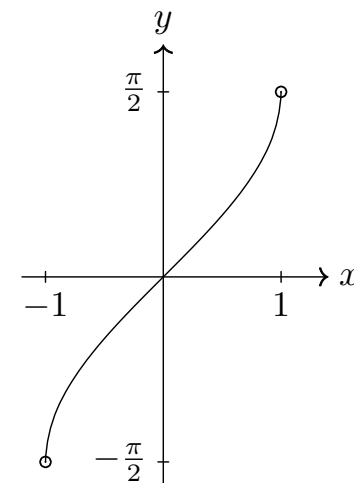
Cyklometrisk funktioner

$y = \sin x \quad (-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2})$
har inversen $y = \arcsin x$.

$$D_{\arcsin} = [-1, 1]$$

$$V_{\arcsin} = [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$$

$$\frac{d}{dx} \arcsin x = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

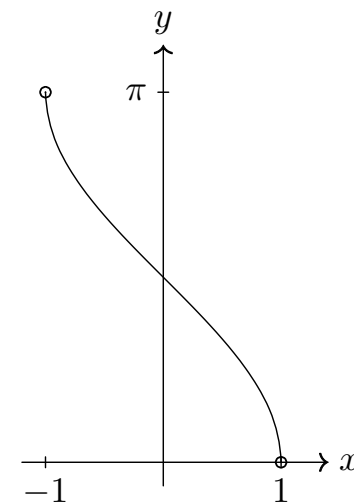


$y = \cos x \quad (0 < x < \pi)$
har inversen $y = \arccos x$.

$$D_{\arccos} = [-1, 1]$$

$$V_{\arccos} = [0, \pi]$$

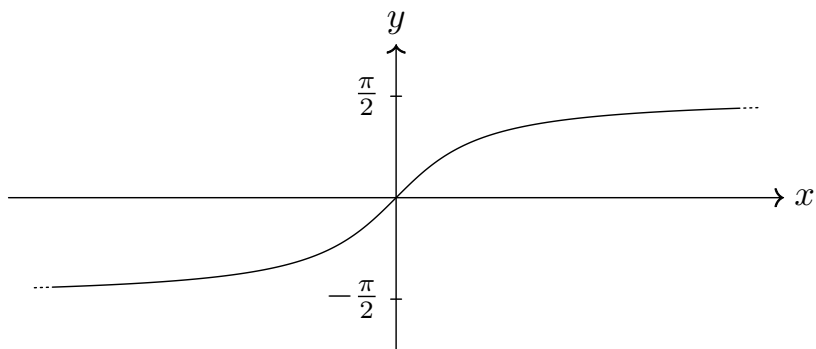
$$\frac{d}{dx} \arccos x = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$$



$y = \tan x \quad (-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2})$ har inversen $y = \arctan x$.

$$D_{\arctan} = (-\infty, \infty) \quad \frac{d}{dx} \arctan x = \frac{1}{1+x^2}$$

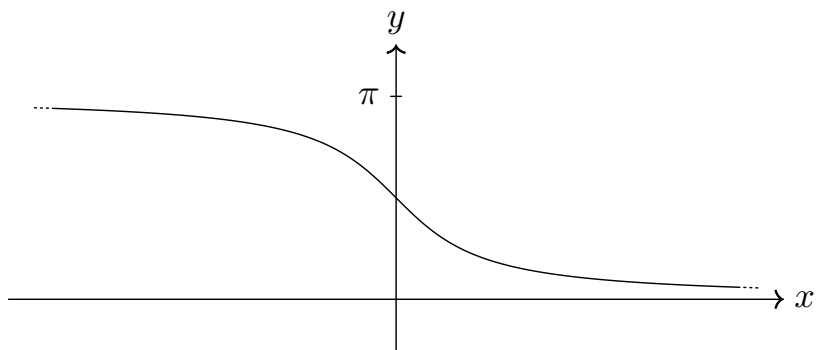
$$V_{\arctan} = (-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$$



$y = \cot x \quad (0 < x < \pi)$ har inversen $y = \operatorname{arccot} x$.

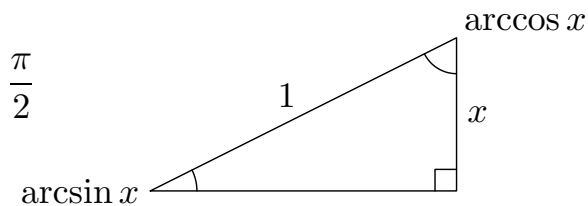
$$D_{\operatorname{arccot}} = (-\infty, \infty) \quad \frac{d}{dx} \operatorname{arccot} x = \frac{-1}{1+x^2}$$

$$V_{\operatorname{arccot}} = (0, \pi)$$



Cyklometrisk samband

$$\arcsin x + \arccos x = \frac{\pi}{2}$$



$$\arctan x + \operatorname{arccot} x = \frac{\pi}{2}$$

