

$$\bullet \lim_{P \rightarrow \infty} Y_P(f) = Y(f)$$

$$c_n = \frac{1}{\pi} Y_P\left(\frac{n}{P}\right)$$

Om  $y_P(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} c_n e^{j2\pi n \frac{t}{P}}$  så gäller

- Koppling till Fourierserie.

$$u_P(t) = \begin{cases} 0 & |t| > \frac{P}{2} \\ 1 & \text{annars} \end{cases}, \quad W_P(f) = \frac{1}{\pi f} = \operatorname{Pinc}(\pi f P)$$

$$Y_P(f) = \int_{-\infty}^{\infty} y_P(u) W_P(f - u) du \quad \text{(faltning)}$$

- Koppling till Fouriertransform ( $y_P(t) = y(t)u_P(t)$ )

## ÄNDLIG OBSERVATIONSTID (FORTS.)



- Om beräkningarna utgörs i dator så måste signalen sampleas.

- Ändlig mattid/observationstid.

Det finns två praktiska begreppen.

$$Y(f) = \int_{-\infty}^{\infty} y(t) e^{-j2\pi ft} dt$$

Exakt Fouriertransform

(”Riktiga” variablen viktigast verktyg.)

- Vissa manipulatörer är lättare att utföra i frekvensplanet.
- Bestämma bandbredd hos en signal.
- Se hur en signals energi är fördelad i frekvens istället för i tid.

## VÄRFÖR BERÄKNA FOURIERTRANSFORMEN?



$$\text{Frekvensupplösning} = \Delta f \approx \frac{P}{T}$$

- För dälig frekvensupplösning. Två cosinusar med nästan samma frekvens kan se ut som en cosinus. Tumregel:

- Om  $P$  är för litet så fas en dålig approximation.
- Vi missar energi utanför integrationsintervallet.

$$Y_P(f) = \int_{-\frac{P}{2}}^{\frac{P}{2}} y(t) e^{-j2\pi ft} dt = \int_{-\infty}^{\infty} y_P(t) e^{-j2\pi ft} dt$$

- Kan bara mata signalen  $y(t)$  under ett begärat tidintervall  $P$

## ÄNDLIG OBSERVATIONSTID



Grupp 4: 9/11, 15-17 i K53. Svante Bergman

Grupp 3: 9/11, 15-17 i K51. Niklas Wermesson

Grupp 2: 9/11, 10-12 i L22. Svante Bergman

Grupp 1: 9/11, 10-12 i L21. Niklas Wermesson

Tillhörande övning 5:

Innehåll: Fouriertransformationens praktiska begäransättningar

• Ska hålla 3 forreläsnigar (6, 8 och 10).

• Björn Volcke, S3, tel. 7749, plan 4 i STEX-huset.

## FLER FORRELÄSARE FLER MÖJLIGHETER



